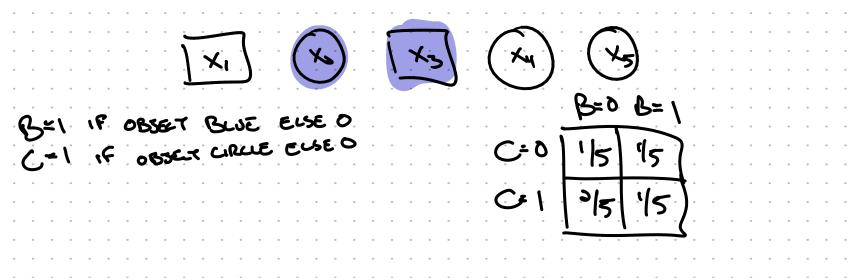
•	•	•	0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	0	•	0	•	0	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•	•	•		•	0	0	•	0	•	•	•
•	•	•	CS2810 Day 13																														•	•
0	0	0	Mar 2																															
•	•	۰			0	•	•		•	•	•	•		•	•	•			•	•		•		۰	•		۰		•	•	•	•	0	0
			Quiz Friday: Prof Higger						-							-																		
٠	۰	٠	- recorded																															
0	۰	0	- will build exampl	es	fro																													
•	•	0		•																											•			
			Joint Distribution																															
•	۰		Marginalization	•					•	•	•			٠	•	٠	•		٠	•	•			•			•		•	•	•	•	٠	•
٠	٠		Independence																															
•	۰																																	
0	۰	0	Law of Large Numbers	•	•	•	•	•	•	0	0	0	۰	•	0	۰			۰	0	۰	0		•	•		•	۰	۰	0	•	0	•	0
	۰	•			•	•	•	0		0	0	0		0	0	٠	•		•	0	•	0			٠		•	•	٠	0	•	•	•	۰
•	•																																	
•	٠	٠	Poisson Distribution	•	•	•	٠	•	•	٠	•	٠	٠	•	٠	٠		٠	•	•		٠	٠	٠	٠		•	•	•	•	•	•	•	•
•	•								•	•	•			•	•				•	•				•					•	•			•	•
•	•		Binomial Distribution		•	•		•		0	0			•	•				•	0							•		•	0	•	•	•	•
	۰	•																															•	•
•	۰			•	٠	•	•	•	•	0	0	0		•	0	•			•	0		0	•	•	٠	•	•	٠	٠	0	•	•	•	•
																								•					•				•	

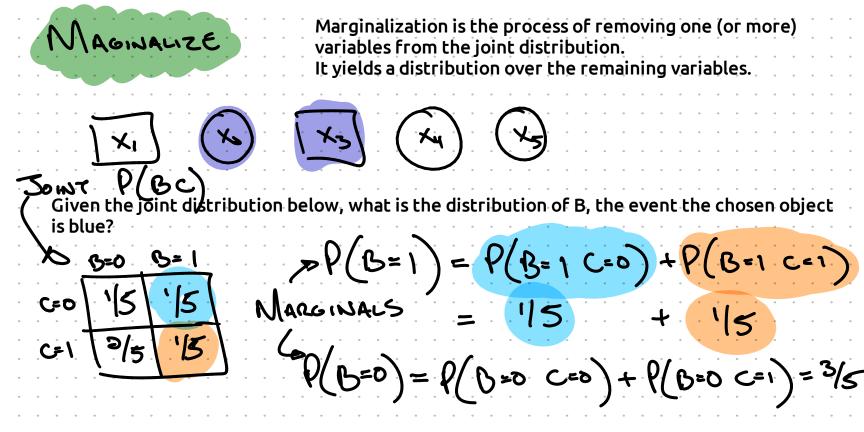


A joint distribution of two random variables gives the prob of pairs of outcomes, one from each experiment, occuring together

Experiment: choose one of 5 objects below (each has equal prob)



• •	Note about when joint distributions exist:	• •	•
• •	There must be some way of pairing observations in one random variable to the other	• •	0
• •	There is a natural pairing here (joint distribution defined): X - temperature on a given day Y - number of hats people where on that day	• • • • • •	0 0 0 0
• •	On each day I observe some outcome x and some outcome y.	• •	•
• •	There is no natural pairing here (no joint distribution defined): X - temperature on a given day Y - outcome of a 6 sided die roll	• • • •	0
• •	not quite sure how to pair a temperature x with a six sided die roll y not well defin	eď	0
• •	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	• •	•



٠	۰	٠	٠	۰	٠	۰	۰	۰		۰	•	۰	٠	۰	۰	۰	٠		۰	٠	•	٠	۰	۰	۰	٠			۰	٠	٠	•	•	۰	•	۰	۰	۰	٠	•	•	۰	٠	0
٠	٠	٠	٠	۰	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•	۰	۰	۰	٠	٠	٠	۰	٠	٠	٠	۰	۰	•	٠	٠	•	٠	٠	•	٠	•	•	٠	•	۰	٠	٠	•	•	٠	٠	٠
٠	۰	•	٠	0	۰	۰	۰	0	۰	0	۰	۰	0	0	•	۰	٠	٠	0	0	۰	٠	0	0	0	۰	٠	٠	•	٠	0	0	•	٠	•	0	0	0	٠	0	•	۰	٠	۰
•		•		0		0	0	0		0	0	0	0	0	0	0		۰	0	0		•	0	0	0		٠	۰	0	0	0	0	•	•	0	0	0	0	۰	0	•		•	0
•	•	0	۰	•	•	۰	۰	•		Ň	٨	•	•		•	۰				•	0	Ś			•	0	•		•	0		0	•	•	•	•			•		•	0	•	0
•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	Ŋ	JN	À	ĹG	D.4	Ņ	Ą	ر ا	Z	K	Ti	0)	Ĵ		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•
•	•	•			•	•	•	•							•	•			•	•	•			•	•	•			•		•		•	•	•	•		•	•	•			•	•
																																							•				0	
		0		0			0	1		0			0	0	0	0			0	0	•	9		0	0				•			•	•	•	•	0		0	•	0	•		•	•
•		•	•	0		-{	7	<i>[</i> .	. r	۰	•		•	•	•			~	•	•	-{		ſ		0	•			<u> </u>	1		•	•	•	•	0	•	•	•	0	•	•	•	•
•	•	٠		•	•	-{			χ	2	x	•	•	IJ		٠		7		٠		Κ.	[·]	X	= X	۲. ₁		ŀ		l	•	0	•	•	•	•	٠	٠	•	•	•	0	•	•
•	٠	۰		0	٠			Ŀ	•	۰	٠]	0	0	•	•		-		•	٠	•	1	_	0		•	•	٠	•		0	•	•	۰	0		0	۰	0	•	0	•	٠
•	•	۰	•	0			0	0		0	۰	•	0	0				2					0	0	0	۰	٠	۰	۰	•	0	0	•	•	•	0	•	0	۰	0	•	0	•	۰
۰	٠	۰	۰	•	٠	٠	۰		٠	۰	٠	۰	۰	۰	۰	۰	۰	٠	ŀ	۰	٠	۰	۰		•	٠	٠	٠	٠	۰	•		•	٠	۰		۰	۰	۰	۰	•	0	۰	۰
•	٠	۰	٠	۰	٠	٠	٠	٠	٠	۰	۰	٠	۰	•	۰	۰	٠	•	۰	۰	۰	•	0	0	0	۰	٠	•	۰	٠	•	•	•	•	٠	0	•	•	۰	0	•	•	۰	۰
•	٠	۰	•	0	۰	۰	۰		•	۰	۰	۰	0	0	۰	۰	•	•	•	۰	۰	•	0	0	0	٠	•	•	۰	•	0	•	•	•	۰	0	•	•	۰	0	•	•	۰	۰
•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•
•		•				•				•	•				•		•			•	•			•	•					•	•		•	•				•	•	•		•	•	•
		•				•				•	•				•					•					•				•		•		•					•	•				•	•

· ·	NDEPENDENCE
• •	Intuitive Definition:
• • • •	We say that two Random Variables are Independent if observing the outcome of either doesn't inform us about the outcome of the other.
· · ·	Independent Random Variables X = stock market % increase on a given day Y = how many people were wearing blue shoes @ 8AM in Boston on same day
• •	Dependent Random Variables X = number of points scored by basketball team in a game Y = whether that team won the game
• •	

INDEPENDENCE	. .
Algebraic Definition:	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
X, Y ARE INDEPENDENT	RANDOM VARIABCES ,F,
FOR ALL OUTCOME	;s ~ 7 ;
P(X=x Y=y) = F	P(X=x)P(1=y)3
PROB OUTCOMES) HAPPEN TOGETHER	PROBORT OF PROB OF EACH OUTCOME MADPENING

	•	•				٠	•	• •		0	0	0		•	0	•	• •	•	•				•	• •		٠	۰	•			•	0	•	•	•	۰				•	٠
	•	•	•		٠	•	•		•	٠	•	•	•	•	•	•		٠	•	•		•	•	• •	•	٠	•			•	•	•	•	•	0	•	0	•	•	۰	0
	•	0	•	•	٠	٠	•			۰	•	•	•	٠	•	•	• •	٠	•			•	•	• •	•	٠	•			•	•	•	0	•	0	۰	0	•	•	•	0
	•	0			•	•	•			•		•		•	•		• •	0	•				•	• •		•	•				•	•	0	•	0	•	0	•		•	0
	•		•	•	•	•	•	• •		۰		•	•	•	•	•	• •	۰	•	•		•	•	• •		•	•	•			•	0	•			۰		•			•
•	•	0	•	•	0	•	•	• •		۰	0	0	•	•	0	0	• •	۰	0	0		•	•	• •	0	•	•	•	•	•	•	•	•	•		۰	0	0	0	•	0
٠	٠	0	•	•	٠	•	•	• •	•	٠	•	•	•	٠	٠	•	• •	٠	•	•	•	•	•	• •	٠	٠	•	•	٠	٠	•	•	•	•	٠	٠		•	٠	٠	•
•	۰	0	•	•	•	•	•	• •	•	•	•	•	•	٠	•		• •	•	•			•	•	• •	•	•	•	•		•	•	•	•	•	۰	•	۰	•		٠	•
•	0	0	•	•	0	•	•	• •	•	۰	0	0	•	•	0	0	• •	۰	0		•	•	•	• •	0	۰	•	•	•	•	•	•	0	•	0	•	0	0	0	•	0
	•	•	۰	•	•	۰	•	• •		۰	•	۱.		۰		•	• •		•	۰	-	-	٠	• •	•	•	•	•	٠		•	0	•	٠	٠	۰		•	۰	0	۰
	٠	0	٠	•	0	۰	•	• •	•	۰	•	·	-1	う	と		<u> (</u> 17	יי	•	0	Ç	Γ.	٠	• •		۰	۰	٠	٠	٠	•	•	0	•	0	۰	0	•	0	0	0
٠	۰	۰	•	٠	0	۰	•	• •		۰	۰	٠	٠	٠	•	•	•	•	•		٠	٠	•	• •	•	٠	٠	•	•	•	٠	•	•	•	۰	۰	٠	٠	٠	۰	۰
•	•	•	•	•	•	•	•	• •	•	0	•	•	•	•	•	•	• •	Ē	- 7	LP	EL	.TF	אדו	00	2	0	•	•	•	•	•		•	\	•	•	•	•	•	•	0
•	•	0 0	0	0	0 0	•	•	• • • •	0	0	0	0	•	0	0	0	• •	Ę	5	P	EC	. T F	+TI	00	2	•	0	•	0	•	0	0	?		•	•	0	0	0	•	0
0	0 0 0	0	0	0	•	•	•	• • • •	0	0	0	0	0 0 0	0	0 0 0	0	• •	Ē	5		EC	. 	י דו י	01	2	0 0 0	•	0	0	•	م	。 。			0	0	0 0 0	0	0	0	0 0 0
0 0 0	0 0 0	0	•	•	0	0	•		0 0 0	0	0 0 0	•	•	0 0 0	•	0 0 0	• •	6	5		EC	-TF	} TI	0 ^	2	0	0 0 0	•	•	•	0 (•			0	0 0 0	0 0 0	0 0 0	0	•	0 0 0
0 0 0	0 0 0	•	0 0 0	•	0 0 0	0 0 0	•		•	0 0 0 0	0 0 0 0	•	0 0 0 0	0 0 0 0	0 0 0	0 0 0 0	• •	6	57	• • •	EC	-TF	ידו	00	2.	0 0 0	•	0 0 0 0	•	•		•			•		0 0 0 0	0 0 0	•	•	0 0 0 0
0 0 0 0	0 0 0 0	0 0 0 0	• • • •	•	0 0 0 0	0 0 0 0	• • •		0 0 0 0 0	0 0 0 0	0 0 0 0	0 0 0 0	0 0 0 0	0 0 0 0	0 0 0	• • • •	• • •	Ĕ			Ē	.TF	}T (00	.	0	0 0 0 0	0 0 0 0	•	0 0 0 0		•		D D	0 0 0 0	0 0 0 0	0 0 0 0	0 0 0 0	•	0 0 0 0	0 0 0 0
0 0 0 0	0 0 0 0 0	0 0 0 0	• • • •	•	•	0 0 0 0 0 0	• • •		•	• • • • •	0 0 0 0	•	0 0 0 0	0 0 0 0	0 0 0 0	0 0 0 0 0	• • • • • • • • •			· · ·		.	• • • •		.	0 0 0 0 0	0 0 0 0	•	0 0 0 0 0	•					0 0 0 0 0	• • • •	0 0 0 0 0		0 0 0 0	•	0 0 0 0 0
•	0 0 0 0 0	0 0 0 0	•	• • • •	•	0 0 0 0 0 0			• • • • •	0 0 0 0 0 0		• • • •	• • • •	0 0 0 0 0 0		•						.	}T		· · · ·	0 0 0 0 0 0				• • • • • • •		•			0 0 0 0	• • • • •	0 0 0 0 0		0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0
•	•	。 。 。 。	•	。 。 。 。	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0	• • • • • • • • • • • • • • • • • • •		。 。 。 。 。	0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0	•	• • • • •	0 0 0 0 0	•	•		Ē		· · · ·			<u></u>				0 0 0 0 0 0	• • • • • •		•					。 。 。 。	•		•	•	0 0 0 0 0	• • • • • •

GOAL USE LINEARTY OF EXPERIMANCE OF ADDITI	ON MULTIPLILATION OF
DANDOM VARIABLE X AND	CONSTANT C
E[X+c] = E[x]+c	VAR(x+c) = VAR(x)
E[cx] = CE[x]	$VAR(cx) = c^{2} VAR(x)$
	A

GOAL USE LINEARITY OF EXPERTATION NALOE VARIANCE OF ADDITION / M	TO FIND EXPERTED
RANDOM VARIABLE X AND RAND	
$E[X+Y] = E[X] + E[Y]$ $\int AR($	(x+Y) = VAR(x) + VAR(y)
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	
P X Y X+Y 1/2 -1 1 0 1/2 -1 1 0 1/2 1-1 0 DEDENDENCE 1/2 1-1 0 INPACTS JAR	(K*)

 $VPR(x+y) = E[(x+y)^{3}] - E[x+y]^{3}$ $= E\left[x^{2}+\partial x^{2}+y^{2}\right] - \left(E\left[x\right]+E\left[x\right]\right)^{2}$ $= i \left[x^{3} \right] + \partial E \left[x^{1} \right] + E \left[x^{2} \right] - E \left[x^{2} \right] - \partial E \left[x \right] E \left[x^{2} \right] - E \left[x^{2} \right] = i \left[x^{2} \right] - i \left[x^{2} \right] = i \left[x^{2} \right] - i \left[x^{2} \right] = i \left[x^{2} \right$ = $VAR(x) + VAR(Y) + \partial (E[xy] - E[x]E[y])$ - IF XY INDEP ASSUME = VAR(x) + VAR(Y) E[XY] = E[X]E[Y] (NERT SUDE)

ASSOME X, Y	INDEPENDENT
(E{×1] = 2	X-Y P(X=x Y=1)
	$\times P(x-x) \left(\underset{Y}{\leq} Y P(Y-y) \right)$
	x P(X=X) E[Y]
· · · · · · · · · · · · · · · *	[x] E[y]

"VAR GETS SMALLER AS WE AVERADE OJER MORE CON FLIPS"
First, build an intuition. If you get stuck (or feel confident in your intuition), use the linearity of expectation formulae to explicitly compute the expected val / variances below.
- the "average" of 1 coin flip - the average of 10 independent coin flips - the average of 100 independent coin flips 10
let x be a "coin flip" random variable $P(X=0) = .5$, $P(X=1) = .5$
In terms of expectation and variance, explain how each of the following are similar / different. Which values are the same, which are bigger/smaller? Why?
ICA 1:

EXPECTED VALUE 15 SAME FOR ALL AVERAGES $E[x] = \sum_{x} x P(x) = 0 \cdot 1_{0} + 1 \cdot 1_{0} = .5$ $E\left[\frac{x_0+X_1+.+X_q}{10}\right] = E\left[\frac{x_0}{10}\right] + E\left[\frac{x_1}{10}\right] + \dots + E\left[\frac{x_q}{10}\right]$ $= \frac{1}{10} E[x_0] + \frac{1}{10} E[x_1] + ... + \frac{1}{10} E[x_1]$ $=\frac{1}{10}(5)+\frac{1}{10}(5)+...+\frac{1}{10}(5)=5$

VARIANCE $VAR(x) = E[x^{3}] - E[x]^{3} = \frac{1}{3} - (\frac{1}{6})^{3} = \frac{1}{4}$ $E[x^{3}] = \underbrace{\sum_{x} P(x)}_{x} = \underbrace{O^{3} \cdot \frac{1}{3} + \frac{1^{3} \cdot \frac{1}{3}}_{x} = \frac{1}{3}$ $VAR\left(\frac{x_{0}+x_{1}}{3}\right) = VAR\left(\frac{1}{3}x_{0} + \frac{1}{3}x_{1}\right) = VAR\left(\frac{1}{3}x_{0}\right) + VAR\left(\frac{1}{3}x_{1}\right)$ $= \frac{1}{4} VAR(x_{0}) + \frac{1}{4} VAR(x_{1})$ $= \frac{1}{3} VAR(x)$

٠	٠	٠	۰	•	٠	٠	۰	٠	۰	۰	۰	۰	۰	۰	٠	۰	۰	٠	۰	٠	٠	٠	۰	۰	۰	٠	٠		٠	۰	۰	٠	٠	۰	۰	•	۰	۰	۰	۰	۰	٠	٠	٠
٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	۰	٠	٠	٠	۰	٠	•	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠		٠	٠	۰	٠	٠	٠	۰	٠	٠	۰	٠	٠	٠	٠	•	٠	٠
*	•	٠		*	۰	۰	۰	٠	•	۰	۰		٠	٠	٠	۰	٠	٠	٠	۰	٠	۰	٠	٠	٠	•		•	•	۰	•		۰	۰	٠	٠	•	•	۰	•	•	•	۰	٠
	•				•	•	•		•	۰	•			۰	۰	0		٠	۰	۰					۰				•	•	•			•	0	٠	•	•	•	0	•		۰	۰
	۰		•	•	0	۰	0		•	0	•	0	•	0	0	۰		۰	0	0	۰		•			•		•	•	0	•		•	•	۰	۰	•	•	•	•	•	•	0	۰
٠	۰	۰	•	٠	۰	۰	0	0	0	0	0	0	0	0	Ċ		0	۰	0	0	۰		0	0	0	۰	٠	۰	0	0	0	•	0	0	۰		0	0	0	•	•	•	٠	۰
٠	۰	٠	۰	٠	۰	۰	0		0	0	0	0	۰	0).	ċ		•	`	۰	Ô			~	•	٠	۰	0	0	0	•	۰	0	٠	٠	0	0	0	0	•	•	٠	۰
٠	•	۰		*	۰	۰	•		•	۰	۰	۰	۰	۰	ľ		J	40) /) .	٠	V	e			7	•		0	۰	•		۰	۰	۰	٠	•	•	۰		•	•	۰	٠
۰	۰	۰	•	۰	۰	۰	0	۰	0	•	۰		•		0		0				0	0	0	0	0				•	0	0	۰	0	۰	۰	۰	0	•	۰	0	•		۰	۰
۰	•	۰	•	٠	0	۰	0		۰	0	0	0	0	•	•	۰	•	۰	0	-	•	•			•	0	•	•	۰	0	۰	•	0	0	۰	•	۰	۰	0	۰	•	•	0	۰
٠	•	•		•	۰	۰	•	۰	0	•	•	٠	•	*	•	A'	ン	٠	0	5	•	*	·	.A	<u>R (</u>	Ś			•	•	0	•	۰	•	۰	٠	0	•	•		0	•	۰	٠
•	۰	۰	۰	•	٠	۰	•		•	۰	۰	0	•															۰	۰	•	•	•	۰	۰	٠	۰	•	۰	۰	•	•	•	٠	۰
•	۰		•	•	۰	•	0		•	0	0	0	0	0	0	۰	ľ	$\left(\cdot \right)$) N	م	Ļ	Ω.	Ċ	0	•	•	•	•	0	•		•	0	۰	۰	•	۰	0	•	۰	۰	۰	۰
•	0	0		•	0	•	0		•	0	0	0	0	0	0	۰				0	۰ر			2		•			•	0	•		•	0	۰	•	•	•	0	•	•	0	0	۰
	۰	•	۰	•	•	•	0		•		0	0	0	0		۰		۰	0	0	۰		•		•		۰	۰	•	0	۰	•	•	0	۰	•	•	•	0	•	•	۰	0	۰
٠	۰	•	•	•	۰	•	•	•	0	•	•	۰	•	•	٠	٠	•	٠	۰	٠	٠	•	•	•	•	•	•	•	•	•		•	•	•	٠	•	0	•	•	•	0	•	۰	٠
•	•	•		•	۰	•	•	•		•	۰	۰	•	•	•	٠	•	•	۰	٠	٠	•	•	•	•	•	•		•	۰	0	•	•	•	٠	•		•	۰		0	•	۰	٠
0	۰	0			۰	۰			0						۰	0			۰	•		•				0	•		0		0	•			0	•	0	0		0		•	•	۰
	•				•	•			0		•	0	•	0		۰			0	0	۰				•	•	•		0	•		•	0	•	۰	•		0	•	0	0	•	•	۰
۰	•	٠	•	۰	۰	۰	0	٠	•	•	•	۰	•	•	٠	۰	•	•	۰	۰	۰	•	۰	•	•	۰	٠	•	۰	•	•	٠	•	۰	۰	۰	•	•	•	۰	0	۰	•	۰
٠	•	•	•	•	۰	٠	0	•	0	۰	•	۰	•	•	٠	٠	•	•	۰	٠	٠	•	•	•	•	٠	۰	•	0	•	0	•	۰	۰	٠	٠	0	0	۰	0	•	•	۰	٠
	۰	•	•		۰	•	•		•	۰	•		•	•	۰	•			•	•			•	•	•	•			•	•				۰	•	•	•	•	•	•	•		۰	۰

· · · · · ·	LANS	of Lance	NJ-mBe	as "in	3	· · · · ·
· · · · · · ·			DENTICALL	DISTRIC	SUSED	• • • • • • • • • •
	vens N Random	JARIABLES	Xi	Au Xi	HAJE SAME EXA VALU	ECTED E
CHANICES		Xi Gers N	CLOSER	то Е[K] AS	· · · · ·
ARE		· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	INCREASE	5		· · · · ·

Law	LARGE N	JUMBERS P	VAR(x+y)	× Y INDEP = VAR (x) - VA	ely)
			AR XI + VAR		
			- adre (+)		
Notices	AS N JARIANUE JARIANUE TO		J JAR(x)].E[X]
Gotty J	PLANS OF	$=$ $\frac{1}{N}$ VA	S JAR(x)) R(x) Auto	ELNZ	

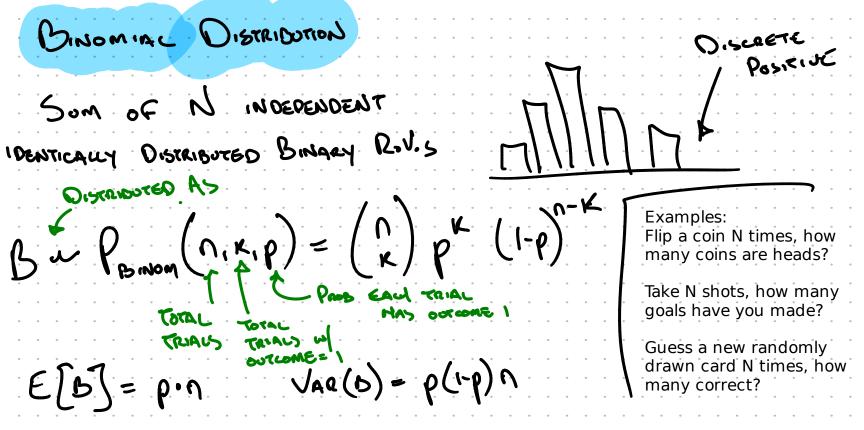
ICA 2: Build-a-nomial A "bent" coin turns up tails 60% of the time. If it is flipped 10 times	•	0 0 0	• • • •	0	0 0 0	•
 What is the probability that it comes up heads 10 times? What is the probability that it comes up tails 10 times? What is the probability that it comes up tails 9 times in a row, then heads finally? SWhat is the probability that it comes up tails exactly 9 times (in any order)? What is the probability that it comes up tails exactly 5 times? What is the probability that it comes up tails exactly 7 or more times? 	• • • •	•		•	• • • •	•
$(1) P(X_0 = 1, X_1 = 1, X_0 = 1, \dots) = P(X_0 = 1)P(X_1 = 1)$ $= .4^{10}$	0 0 0 0	•	• • •	0 0 0 0	0 0 0 0	0 0 0 0
(C)	•	•	• •	•	•	•

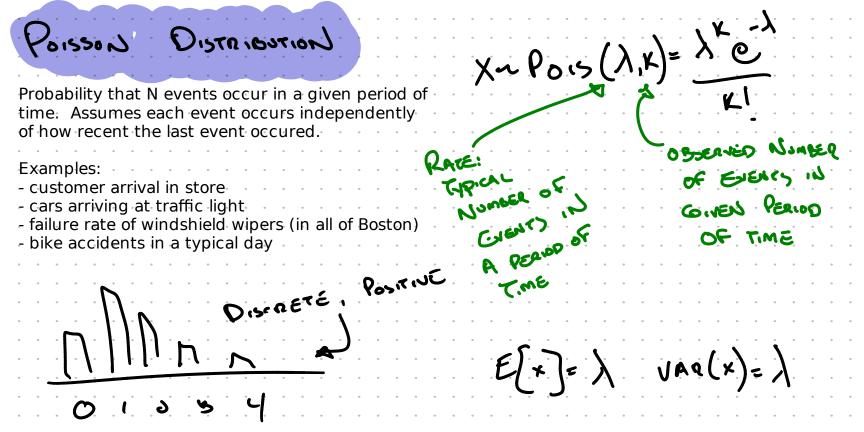
 $\begin{array}{c} \textcircled{3} \\ = \\ P(x_{0}=0) \\ R(x_{0}=0) \\ P(x_{0}=0) \\ P(x_{0}=0) \\ P(x_{0}=0) \\ = \\ \end{array} \begin{array}{c} X_{0}=1 \\ P(x_{0}=0) \\ P(x_{0}=0) \\ P(x_{0}=0) \\ \end{array} \end{array}$ HEADS 30D LAST) HEADS LAST HEADS JND LAST THERE ARE 10 POSITINAS PUT 1 HEADS IN 10 FLIPS

9(10), 5.45UUBUUUU

		۰		۰			
٠	•	٠	•	•	•		
٠	•	۰	٠		•		
	•	۰			•		
•	•		0		0		
•	•		0		0	'Parametric" distributions	
۰	•	۰	0	•	•		
	•	0	0	٠	•	are "template" distributions. If you satisfy their assu	umptions you need
	•	۰				only define proper parameters and your problem can i	
	•	٠	۰	٠	۰	well studied behavior to make quick analysis progress!	
٠	٠	۰	٠	٠	٠		
۰	۰	۰	0	•	•	Big skill:	
•	0	0	0	٠	0	match/evaluate assumptions of a parametric distribut	tion to a given problem
	•	0			•		
۰	۰	۰	۰	٠	۰		
٠	٠	۰	۰	•	۰		
٠	•	۰		٠	•		
	•	0			•		
•	0	۰	0	•	0		• • • • • • • • • • • • • • •
۰	0	۰	0	٠	•		
٠	۰	٠	٠	٠	۰		

BENOULL DISTR. BUTION	0	•	• •	•	0	•	0	•••	• •	•
HAS A BINARY SAMPLE SPACE	•	•	• •	•	0	•	0	• •	• •	•
$Q(x=1) = \rho$ $Q(x=0) = 1-\rho$	0 0 0	• • •	0 0 0 0 0 0	0 0 0	0 0 0	•	•	• •	• •	0 0 0
COIN FLIP, SPORTS SHOT MADE	0 0 0	•	• • • • • •	0	0 0 0	•	0 0 0	• •	• •	0 0 0
EVENT MAPPENS DOESN'T MAPPEN	0	•		0	0	0 0 0	0 0 0	• •		0





	۰	٠	۰	٠	۰	۰	0	•		•	٠	۰	•		۰	•	•		٠	۰	•	•	•			•	•	•		۰	•		۰		۰	۰	۰		۰	۰	•	۰	٠	۰	۰
٠	٠	٠	٠	•	٠	٠	٠	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	*	•	٠	٠	۰	٠	٠	٠		, ,	•	•	•	٠	٠	۰	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•	٠	٠	٠	۰	٠	٠	٠
٠	۰	٠		٠	٠	٠	٠	٠	٠	۰	•	٠	۰	٠	٠		٠	٠	٠	•	٠		۰		, ,	•	•	•	٠	۰	0	٠	٠		•	٠		۲.	٠		٠	۰	۰	۰	۰
	٠	0	•	۰	۰	۰	۰	۰	۰	0	۰	1	7	۰	۰	0	1		۰	0	0	0	0	4		•			•	•	0		۲.	Y	•	. '	•	$\boldsymbol{\wedge}$		0	۰	0	0	٠	۰
	0	۰		۰	۰	۰	۰	۰		۰	۰	ł	ノ			•	-		•		Ż		•	1		. 7			-	۰	•		入		-(-	٦			۰	۰	0	0	0	0
٠		۰	•	٠	۰	۰	۰	۰	۰	۰	۰	•	Ċ			•	•		<u>-</u>	•	Ĵ).	•	F		2 (5	•	Ì	1	•	۰		0	0	0	0	0	•	٠	۰	•			•
•	۰	٠	•	٠	٠	٠	٠	•	•	۰	0 0 0	•	•	•	•	*	·	•		۰	•	•	•		4	2	•	· /	t i	٠	۰	•	۰	٠	Ż	•	•	0	•	٠	۰	•	•	۰	۰
٠	•	۰	•	۰	٠	٠	۰	•	٠	۰	۰	٠	•	٠	٠	٠	•	-	1	•	۰	•	•				0		٠	۰	•	۰	•	۰		•	•••	۰	٠	٠	۰	•	۰	٠	٠
•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•			•	•	•	•					•	•	•	•	•	•	•	•	•		0	•	•	•	•	•	•	•
																		ļ																											
		•			•	•	•			•	•				•	•	•			•						•	. 1		R	\$	4		31	ດ	٩.	•		0		•	•				•
	•										0				(Y	21	J	7	Ļ	~					•																		•	
	•	•			•	•	•			0																•	•	•	•	N	6		N	ls	P(FL	5	R	ς	•	•	0	0	•	•
	٠	٠	٠		٠	٠	۰			•	٠	۰	0		1	•				C	C	F	R	5		•		•	•		0		•	•				0			•	0	0	٠	٠
٠	٠	۰	۰		۰	٠	٠			•	۰	٠	0	+).		Ϋ́ν		Ţ		•				•	•	•	•	۰	0	۰		•	0	•		0	۰	۰	•	0	0	٠	٠
٠	٠	۰		٠	٠	٠	٠	٠	•	۰	۰	٠	0	٠	٠	٠)F					•			•	•	•	•	۰	0	٠	۰	۰	•	۰	٠	0	٠	٠	۰	0	0	٠	۰
٠	٠	۰	۰	٠	٠	۰	۰	۰	٠	۰	۰	٠			٠	۰				•	٠		•	4		•	•	•	•	۰	•	٠	۰	۰	۰	۰	۰	۰	٠	٠	۰		0	٠	٠
	۰	۰	•	٠	۰	0	0	٠		۰	۰	0	۰	۰	0	۰	۰	٠		۰	0		•		, ,	•		•		0	۰	0	۰	۰	۰	۰	۰	0		0	۰	۰	۰	۰	0
٠	٠	٠	۰	٠	٠	٠	٠	٠	٠	۰	٠	٠	۰	٠	٠	٠	٠	٠	٠	۰	۰	۰	۰		, ,	•	•	•	٠	۰	۰	۰	٠	٠	۰	٠	٠		٠	٠	٠	۰	۰	٠	٠
٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	۰	٠	۰	٠	٠	۰	٠	٠	٠	۰	•	٠	۰	٠	٠	•			•	•	•	•	٠	۰	٠	۰	۰	۰	۰	٠	•	٠	٠	۰	•	•	٠	٠

ICA 3:	0	• •	•	0	• •	• •	0	0	• •	2
For each of the problems below: - Give the most appropriate parametric distribution for each scenario below	0	• •	•	•	• •	• •	0	0	• •	2
 State any assumptions in the context of the problem Evaluate the assumptions, are they reasonable? Do you trust the model? 	•	• •	0	0	• •	• •	0	0	• •	2
- Answer the question using the distribution	0	• •	•	•	• •	• •	•	•	• •	
A car shop typically repairs 3 mufflers a day. Whats the probability they rep day?	air r	no r	nuf	fler	s o	in a	giv	ver	r -	
Poisson. Event somebody comes in with a muffler repair need, is independe arriving with another muffler repair job.	nt c	of th	ne r	iext	: pe	erso	on	•	• •	2
What is the probability that of 100 babies born in a maternity ward, all are n	nale	?	•	•	• •	• •	•	•	• •	
Binomial.	•	• •	•	•	• •	• •	•	•	• •	,
Sex at birth has two options (bernoulli) and we're counting total males (Bino	mia	l). •	•	•	• •		•	•	• •	,
							0			

•	۰	•				۰	•		•	۰						۰		•		۰	۰		•		۰	•	•		•	۰		•			•					۰			۰	
•	•	0	٠	0	•	۰	•	•	•	۰	۰	•			۰	•	0	•	0	•	•	0	•	۰	•	0		•	•	•		•	•	•	۰	0	0	•	۰	•			•	
۰	•	0	٠	0	•	٠	0		•	٠	•	۰			٠	۰	0	•	0	۰	۰		•	•	۰	0	•	•	۰	•		•	•	٠	٠	0	0	٠	٠	٠			۰	٠
	•		٠		۰	۰	•			۰	۰				٠	•				۰	۰		٠	۰	۰	•		•	۰	•	•	•	•	۰	۰			۰	۰	۰			۰	٠
•	•		•	۰		0	•	•	•	0	0	•			۰	•	۰			•		•		0	•	•		•	•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•			•	۰
٠	•	٠	٠	•		٠	•	•		٠	٠	٠	٠			•		•	٠	٠	٠	٠		٠	•	•	•	•		•	٠	•	٠	•	٠	•	٠			٠	٠		٠	٠
•	•	•	٠	٠	٠	٠	•	•	•	٠	٠			٠	٠	•		•	٠	•	•	•	•	•	٠	•	•	٠	٠	•	٠	•	٠	٠	٠	•	٠			•		٠	٠	٠
٠	•		٠	٠	۰	٠	•	•		٠	٠	٠	٠	٠	٠	•			٠	•				٠	۰	•	•	٠	۰	•	٠	•	٠	٠	٠	۰	•	٠	٠		٠	٠	٠	0
•	•	0		0		0	•			71	ادٰد	'n	r'n	h°/	ċt	ato	م	ີ່ລໍໄດ	c ů i	lt'n	r t	o° r	ر ٽ ح	iev	w)	•		•		•		-				•	•		•				۰	0
•	•	0	٠	•		۰	•	•		ŗ		- p	1.01	. /	30	ac.	5 C	an	cu				C.v	IC V	• /	•		•	•	•		-		•	٠	•	•		•				•	۰
•	•	0	٠	0		۰	•	0	•	٠	۰	۰				0	0		0	•	•	•	•	•	•	0	•	•	•	•		•	•	•	۰	•	•	•	۰	۰			۰	۰
•	•	0	٠	0		۰	•	•		۰	٠	۰				•	0		0	•	•	•			•	•	•	۰	۰	•		•	•		•	•	•	٠	٠				۰	۰
•	•	0		0		۰	•	•		۰	•				0	0	0		0	•		•		•	•	0		•	•	•				•	۰	0	0	•	•				•	۰
•	0	0	٠	0	0	۰	0		•	۰	•	•			0	0	0	•	0	۰	۰		•	•	•	0	•	0	0	0		•	•	•	۰	0	0	•	•	۰		•	•	۰
•	•		•	0		٠	•		•	۰	•	•			•	•	0	•	0	•	•		•	•	•	0	•		•	•		•		•	۰			•	•	•			•	۰
•	•	0	•	0		٠	0		•	۰	۰	•			۰	•	0	•	0	•	•		•	•	•	0		•	•	•		•		•	٠	0	0	•	۰	•			•	۰
•	•	0	٠	0		۰	0	•	•	۰	۰	•			•	•	0		0	•	•	•	•	•	•	0		•	•	0			•	•	٠	0	•	•	۰	•			•	۰
•	•	0		0		٠	•		•	٠	•				•	•	0	-	0	•	•		•	•	•		•	•	•	•		•		•	٠			•	•	•			۰	۰
•	•		•	0		۰	•		•	۰	•	•			•	•	0	•	0	•	•		•	•	•		•		•	•		•		•	۰			•	•	•			•	۰
•	•	•	٠	٠		۰	•	•	•	۰	٠	•	•	•	•	•	٠		•	•	•	•		۰	•	•		•	•	•	•	•	•	•	٠	•	•		•	۰	•		٠	۰
٠	•	٠	٠	٠	٠	٠	۰		٠	٠	•			٠	٠	•	٠	•	٠	٠	٠	•	٠	•	•	•	•	•	٠	•	•	•	•	٠	•	•	•	٠	•	٠	•	٠	٠	٠
•	•	•				•	•			•						•				•					•				•					•									•	