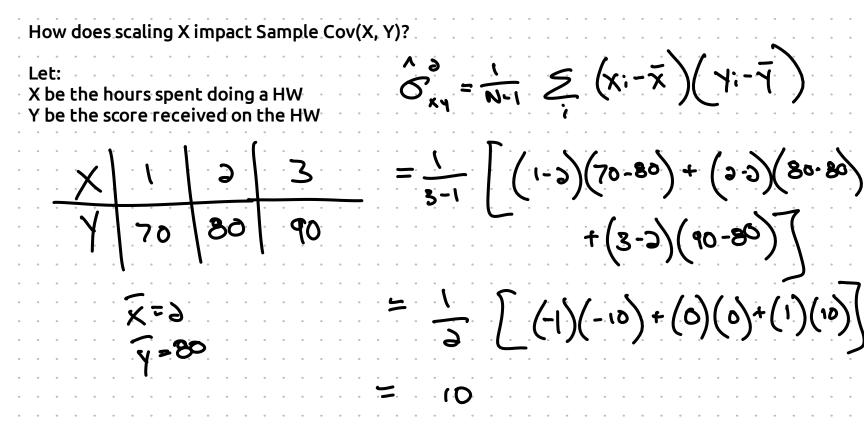
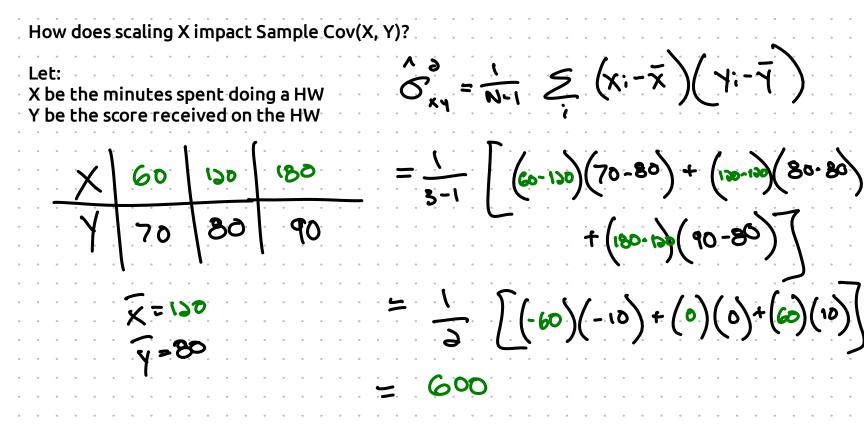
• •		•	•
• •	CS 2810 April 11	•	•
• •	Admin: - HW 8 due sunday (HW9 release monday) - quiz4 scheduling (to be clear: you can still take it when sec3 scheduled, if you prefer it!)	0 0 0	0
• •	Correlation	•	•
• •	· · · · · what it is · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	0	•
• •	- how its different than covariance	•	•
• •	Causation	•	•
• •	- its not correlation, even if its easily confused	0	•
• •	Conditional Probability	•	•
• •	· · · - bayes rule · · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	0	0
• •	-independence	•	•
		•	•

Correlation (and covariance): Inuition (How two values vary) The behavior between any two values x and y can be summarized	• 🔫 •		<b>T</b> 0 0	he l	thr	ee	way	ys:	•	• •	•
<ul> <li>1. as x gets larger y typically gets larger too <ul> <li>ex:</li> <li>`x=temp on some day`</li> <li>`y=number of people on the beach on the same day`</li> </ul> </li> </ul>	• • •	41	S	•	•	• •	•	•	• •	• •	0
- covariance & correlation is positive	► C	60	- 11	Nc	د م	DC:	5.	Se	Æ	٤.	۰
2. as x gets larger y typically doesn't get larger or smaller	F	CA	70	وت	>	TD	•	0	0 0	• •	0
- ex: - `x=individual's favorite number`	•••	•	• •	•	•	• •	0	0	0	• •	0
<ul> <li>`y=number of hot dogs that individual has eaten in their life</li> <li>covariance &amp; correlation is zero</li> </ul>	etime	•	• •	•	•	• •	•	•	•	• •	•
3. as x gets larger, y typically gets smaller	• • •	۰	• •	•	۰	• •	۰	0	•	• •	0
- ex: - `x=average speed of driver on 10 mile commute`	• • •	•	• •	•	•	• •	•	•		• •	•
- `y=average commute time of driver on 10 mile commute`	• • •	۰	• •	•	۰	• •	۰	0	•	• •	0
- covariance & correlation are negative	• • •	•	• •	•	•	• •	•	0	•	• •	•
	• • •		• •			• •	•		•	• •	

٠	۰	•		•	•	۰	•		۰	•	۰	۰	٠	۰	۰	۰	•	۰	•	•	۰	۰	٠	۰	0	۰			۰	•	۰	٠		۰	۰	•	٠	۰	۰	0	۰	۰	۰	۰
٠	٠	۰	٠	0		۰	۰	0	•	0	۰		•	٠	۰	٠	0	•	0	۰	٠	•	•	۰	۰	۰		•	٠	۰	•		٠	٠	•	•	٠		٠	۰	•	•	٠	۰
•	٠	٠	٠	۰	۰	٠	٠	۰	۰	0	۰	۰		•	٠	٠	۰	•	0	٠	٠	۰	•	٠	٠	۰	•	•	٠	٠	*	•	٠	٠	۰	•	٠	۰	•	•	۰	۰	•	٠
٠	۰	۰	٠		•	۰	۰	0	•		•			۰	۰	۰		•		۰	٠			۰	۰	•			۰	۰	۰		•	٠	•	•	٠	۰	۰			•	۰	۰
	•	۰	٠			۰	۰		•		•			•	۰	•		•		۰	۰	•	•	•	۰	•			•	•	•			٠	•	•	۰		۰		•	•	۰	۰
	•	٠	٠	0	۰	٠	۰	0	•		0	•	•	٠	•	•	0	•	۰	۰	٠	0		•	۰	0	۰	•	•	۰	•			٠	•	•	٠	۰	۰	۰	0	0	۰	٠
*	۰	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•	•	۰	•	٠	•	٠	۰	•		•	٠	۰	٠	•	•	•	٠	•	٠	•	۰	٠	۰	*	•	٠	۰	•	٠	٠	۰	٠	•	•	۰	٠
٠	۰	0	٠	0	0	۰	•	0	0	0	0	0	٠	٠	۰	0	0	0	0		۰	0	٠	0		0		۰	۰			٠	۰	۰	0	•	٠	0	۰		0	0	۰	•
•	•	0	۰	0	•	۰	•	0	Ċ		•	. L	- L -			:		•		•	ь. Б.	•	•	•	•	•										•		•	۰	•	•	•	۰	۰
	•	0	۰	0		۰	۰	0	20	)	N	VD	acs	S CI	ne	aı	ГГ€	ere	en	ce	De	ecv	v.e	еп		DLI	e	ac	101	n.a	INC		JVé	агі	an	ice		•	۰	•		0	۰	۰
•	۰	۰	٠	0		۰	•	0		0	•		•	•	۰	•	0		0	۰	٠		•	•	۰		•	•		۰	•	•		٠	•	•	۰	•	۰	•		•	۰	۰
٠	۰	•	٠	0		۰	0	0	•	0	۰		•	٠	۰	۰	0		0	۰	٠		•	۰	۰	۰		•	٠	۰	۰	•	۰	٠	0	•	٠	•	•	۰		•	•	0
•	•	0	٠	0	0	۰	0	0	0	0	0	0	•	•	۰		0	0	0	•	۰		•	•	•			•	•	•		•		۰	0	•	۰	0	•			•	•	0
•	•	0	۰	0	0	۰	۰	0	0	0	0	0	•	•	•	•	0	0	0	۰	۰		•	0	۰			•	•	•	•	•	•	۰	0	•	۰	0	•	•		0	۰	0
	•	•	٠	0		۰	۰	0			0		•		•	•	0	•		۰	۰			0	۰		۰	•	•	۰	•		•	۰	0	•	٠	•	۰	•		0	۰	•
*	۰	٠	٠	۰	٠	٠	٠	•	•	۰	•	•	•	٠	۰	•		•	٠	۰	٠	•	•	•	٠		٠	•	•	٠	•	*		٠	۰	•	٠	٠	۰	٠	•	•	۰	۰
•	•	•	٠	0		۰	0	0	•	0	0	0		•	•	•	0	•		۰	۰	0	•	•	۰				•	۰		•		۰	0	•	۰	•	۰	•	0	•	۰	•
•	•	0	۰	0	•	۰	0	0	•	0	0	0	•	•	•	0	0	•		۰	۰	0	•	0	۰	0			•	•		•		0	0	•	۰	•	۰	•	•	•	۰	۰
•	•	0	۰	0	•	۰	۰	0	•		0	•	•	•	۰	•	0	•		۰	۰	•	•	•	۰	•	•	•	•	•	•	•	•	0	0	•	۰	•	۰	•	•	•	۰	۰
	•	٠	٠	0	۰	٠	۰	0	•		0	•	•		•	•	0	•	۰	۰	٠	0		0	۰	0	۰	•	•	۰	•		•	٠	•	•	٠	۰	۰	۰	•	0	۰	۰
٠	٠	۰	٠	0		۰	•	0	•	0	۰		•	۰	۰	٠	0	•	0	۰	٠	•	•	۰	۰	۰		•	٠	۰	٠	•	٠	٠	0	•	٠	•	٠	۰	•	•	٠	0





۰	٠	۰		•	•	۰	۰		•		۰		٠			۰	۰		۰	٠	•	•		۰	۰	•		•	•	۰	•		•	۰	۰	٠	٠	•	۰	۰		۰	۰	۰
•	٠	•	•	٠	٠	٠	٠	٠	•	٠	٠	٠	•	٠	٠	٠	٠	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	۰	٠	•	٠	۰	۰	•	•	٠	٠	٠	•	٠	٠	٠	•	٠	٠	٠
٠	٠	•	•	٠	٠	٠	٠	*	•	٠	٠	٠	•	•	٠	٠	٠	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	۰	۰		•	٠	۰	۰	•	•	٠	*	٠	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠
	۰	۰	•	٠	•	۰	۰			٠	۰	۰	•	۰	۰	•	٠		۰	۰	۰		*	۰	۰	•			۰	۰	•		•	۰	۰	٠	•	٠	۰		•		۰	۰
	•	۰	•	۰	•	۰	۰		•	۰	۰	•	•	•	۰	•	۰		•	•		•		•	•	•		•	۰	•	•		•	•		۰	•		۰		•		•	۰
	•	۰	•	٠	•	Éb		m:		nìl	-	۵b	oF	÷.			ŵ	, ,	እ	d'n	• • •	'n	hÈ	, m	• = =			г'n		sĖr	• • • •		ĥ.	o.F	ŕh			Г <b>г</b> а	eļa	Fiz	•••	•	۰	۰
٠	۰	٠	•	٠	۰										•	ů	• (/	м 7			•			•	•			-			•	.å.	•			•	Ů	•				•	۰	٠
۰	۰	٠		٠	•	ņ	ΞĻ	<i>N</i> e	çı	Ņ	, y		•		۰	•	٠	*	٠	•		•	٠	۰	۰	0	٠	•	٠	۰	•		•	۰	۰	٠	•	٠	۰			•	•	۰
۰	•			٠	•	0	0			۰	•		•		•	•	٠		۰	•	0	•	٠	۰	•	•		•	٠	•	•		•	•		٠	•		۰			•	•	
۰	•	۰	٠	٠	•	•	•		۰	۰	۰	•	•	۰		•	٠	٠	۰	•	0	•	٠	•	•	•		•	۰	۰	•		•	•	•	٠	•	٠	۰		•	•	•	۰
۰	٠	٠	•	٠	۰	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	•	٠	٠	•	٠	٠	٠	٠	٠	۰	٠	٠	۰	۰	٠	۰	٠	۰	۰		٠	۰	٠	٠	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠
۰	٠	٠	٠	٠	۰	٠	٠	*	٠	٠	٠	٠	•	٠	٠	٠	٠	•	٠	٠	٠	٠	*	٠	۰	۰	*	٠	٠	۰	۰	•	٠	۰	*	٠	•	٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠
0	۰	۰	٠	٠	۰	۰	۰		•	۰	۰	۰	•	•	۰	۰	۰		۰	۰		۰	٠	۰	۰	•		•	۰	۰	•	•	•	۰		۰	•	٠	۰		٠	۰	۰	۰
0	۰	۰	•	۰	0	•	•		•		۰	•	•	•	•	0	۰		0	•	0		۰	•	•	0		0	0	•	0	•	0	•	•	۰	•		۰			0	•	۰
۰	•	۰	٠	٠	0	•	•		•	٠	۰	•	•	٠	•	•	٠		۰	۰	•		٠	•	•	0		0	۰	•	0	•	0	•	۰	٠	•	٠	۰			0	•	۰
٠	۰	٠	•	٠	•	۰	۰	٠	٠	٠	۰	۰		٠	۰	•	٠	*	٠	۰	٠	0	٠	۰	٠	0	٠	•	٠	٠	0	•	•	•	*	٠	•	٠	۰			•	•	٠
0	٠	۰	٠	٠	۰	٠	٠		•	٠	۰	٠	•	•	٠	۰	۰	•	۰	٠	•	۰	٠	٠	۰	۰		۰	۰	۰	۰	٠	۰	۰	٠	۰	•	٠	٠		٠	۰	٠	۰
0	۰	•	•	۰	•	۰	۰		•	0	۰	۰	•	•	۰	۰	۰	•	0	۰	•	۰	۰	۰	0	•		•	0	0	•		•	0		۰	۰		۰		۰	•	۰	۰
0	•	0	•	۰	•	0	0		•	0	0	0		•	0	•	•	•	0	•	•	•	۰	0	0	•		•	0	0	•		•	0	•	•		0	0		•	•	0	۰
۰		۰	•	۰		۰	۰	•	•	۰	۰	•	•	•	۰	•	۰	•	۰	•	•		٠	۰	•	•	•		0	•			•	•	•	۰	•	٠	۰	•	•		•	۰
۰	۰	٠	٠	٠	۰	٠	٠	۰	٠	٠	٠	•	•	٠	•	۰	٠	•	۰	۰	٠	0	٠	٠	0	•	۰	0	۰	0	•	•	•	•	٠	٠	۰	٠	٠	٠	٠	۰	۰	٠
																																		•										

How does scaling X impact Sample Cov(X, Y)?	0	• •	•	• •	0	• •	• •	•	• •
Let c be a scalar while (x_i, y_i) are paired observations.	0	• •	0	• •	0	• •	• •	0	• •
· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	0	• •	0	0 0	0	• •	• •	0	0 0
Sample Cou of $=\frac{1}{N-1} \sum_{i} (C_{Xi} - C_{X})(Y - \overline{Y})$ C_{Xi} AND Yi i As	0	• • • •	•	• •	•	• •	• • • •	•	• • • •
$C_X; A^{NO} Y$ = $C O_{XY}$	•	• •	0	• •	•	• •	• • • •	•	• •
SCALING (SAMPLES OR OUTCOMES)	0	•	•	· · ·	•	B	×4 .	Ċ	· ·
WILL SCALE COJARIANCE BY	•		•	<b>To</b> 	• • •	. ( .	• •	•	0 0 0 0
	•	• •	•	• •	•	• •	• •	•	• •

۰	•	•		
•	•	•	!!Super big problem!!	
•	0	0	Changing the units we measure data in will change our covariance scales	
•	•	•	- sample cov(hour study, grade) = 10 - sample cov(min study, grade) = 600 we shouldn't interpet the magnitude of covariance as a "strength" of correlation!	
•	•	•		
•	•	•	Covariance measures three things:	
•	•	0	- standard deviation of x - standard deviation of y	
•	0	•	- correlation between x and y (see "intuition" slide above)	
٠	•	•	We want a "scale invariant" way of measuring correlation	
•	•	•	Scale invariant - a statistic which doesn't change when data is scaled	
•	•	•		

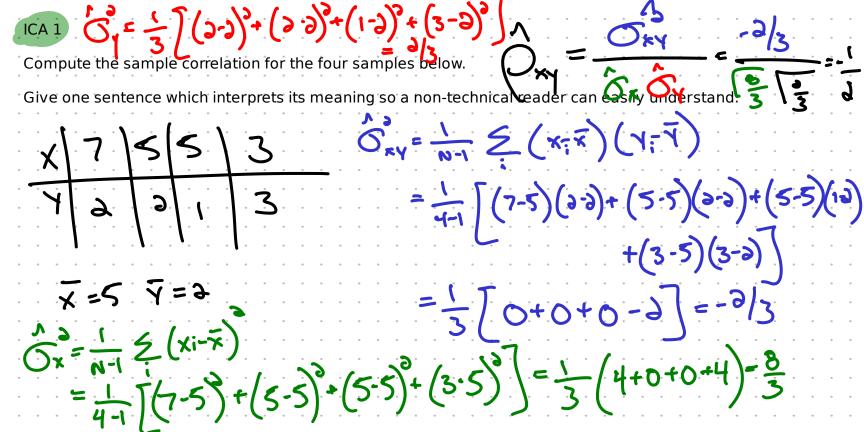
	BOUND ON COVATIANCE	• •
	CON(X,Y)  =  E[(X-E[X])(Y-E[Y])]	D 0 0 0 0 0
· · · · ·	$= \left\{ E\left[\left(x - E\left[x\right]\right)^{3}\right]^{1/3} E\left[\left(x - E\left[x\right]\right)^{3}\right]^{1/3} \right\}$	· · ·
· · · · ·	$p = \sum VAR(x) VAR(y) = Ox Oy$	• •
· · · · ·	CON MAY NOT BE GREATER IN MAGNITUDE THAN GEOMETRIC MEAN OF VAR(X) VAR(Y)	· ·

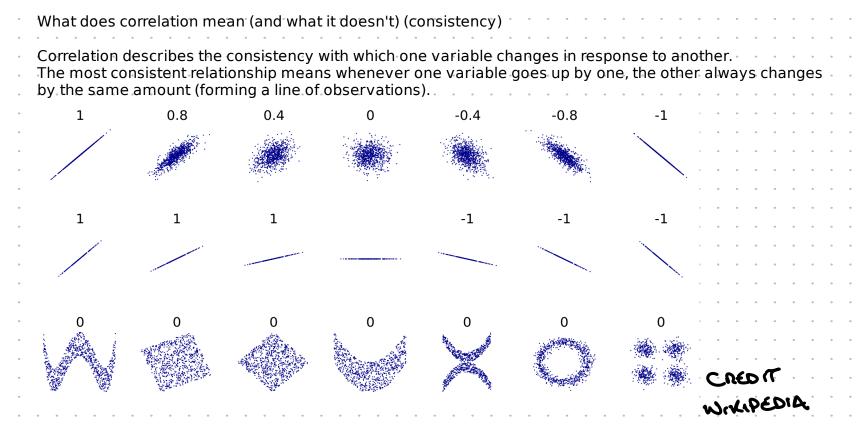
 $|COV(XY)| \leq O_X O_Y$ SMALLEST COU(XY) = - OxOy Brootest CON(XY) = OKOY • • • • • • • •

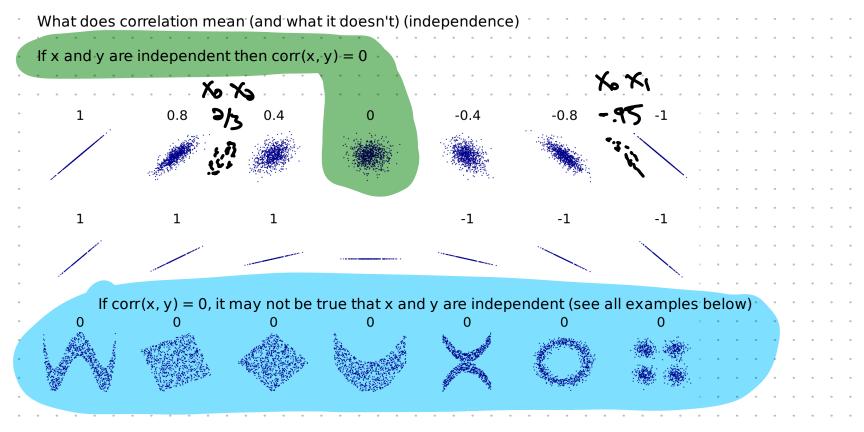
• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	CARSON'S CONDELATION COEFFICIENT
$P_{xy} = \frac{C_{0} \sqrt{(xY)}}{\sigma_{x} \sigma_{y}}$	THEY COULD HAVE? -1 4 PRY 4 (
+ Ox Gy IS MAR COU(KY)	$C_{XY} = \frac{\hat{O}_{XY}}{\hat{O}_{X}\hat{O}_{Y}}$

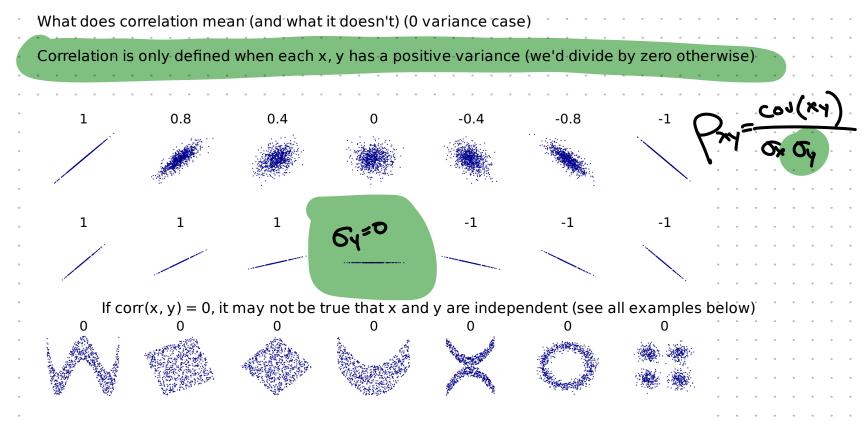
MAX CORRELATION	BOOND (COU (XY) (ST OY
$1 = P_{xy} = \frac{c_{0y}(xy)}{\sigma_x \sigma_y} = 7$	COU (XY) = 0x 6y
	Cov is AS BIG AS Possible Gren Scale OF X AND Y
	N N
All examples have max correlation = 1. This implies then y will always increase by m times that amount.	•

Mis	CORRELATION		OUND CON (XY) & OX OY
- (=	$P_{xy} = \frac{c_{0y}(xy)}{\sigma_x \sigma_y}$	-> COU (1	кч) <del>=</del> -0×64
	σχσγ	A	POSSIBLE GWEN
	•	· · · · · · · · · · ·	SCALE OF X AND Y
		,	
	×	×	
-	s have min correlation = 1. This i lways increase by m times that a	-	



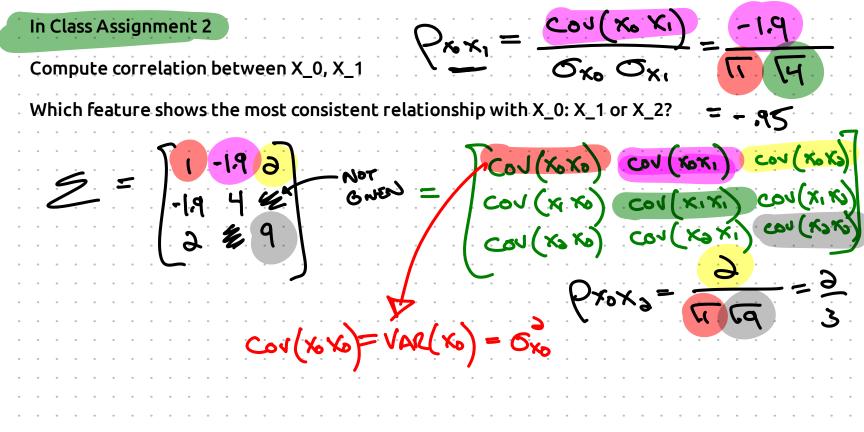


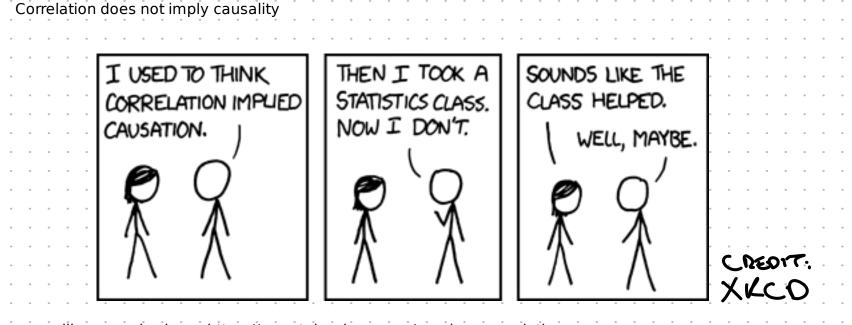




•	•	•	0	•	۰	۰	0	•	•	•	۰		•	0	•	0	0	0	•	•	•	0	•	•	۰	0	0		0	•	0	0	•	•	0	0	0	•	0	۰	0	۰	0	۰
٠	۰	٠	۰	•	•	٠	۰	0			۰	٠	•	0	۰	•	0	•	٠	٠	0	•	٠	۰	۰	۰	•		•		•	•	٠	۰	•	•	•		۰	۰	•	•	۰	۰
٠	۰	۰	۰	•	•	۰	0	0			۰		•	0	۰	0	0	•		۰	0		٠	۰	۰	•	•		۰	0	0	•	۰		•	0	•		•	۰	•		۰	•
٠	٠	٠	۰	-		•	•	0	•	•	۰		-	0	•	•	0	•	۰	•	0		٠	۰	۰		•	•	•	۰	•	•	•	۰	•	•		•	۰	•			•	0
	۰	۰	۰	•	•	•	•				۰	•	•		۰	•		•		•		•		•	۰	•	•		•	۰	•	•		۰	•	•			•	۰	•		•	۰
٠	۰	٠	۰	•		•	۰	0			۰	۰	•	0		•	0	•		٠		•		۰	۰	۰	•		•	۰	•	•	•	٠	•	•	•		۰	۰	•		•	۰
٠	٠	٠	٠	•	٠	٠	۰	۰	•	٠	٠	٠	•	۰	٠	۰	٠	•	٠	٠	٠	•	٠	٠	٠	٠	•	٠	٠	٠	•	•	٠	٠	٠	•	٠	٠	٠	٠	۰	•	٠	۰
٠	٠	٠		"st	ге	ng	jth	י" (	of	a (	COI	ГГе	la	tic	n	is I	th	e∙d	lis	tai	<b>n</b> C	e f	ГО	m	ze	er c	) (i	n e	eit	he	P (	dir	ec	tic	on	)•	۰	۰	۰	٠	•	٠	٠	۰
٠	0	0	۰			۰	۰	۰		•	۰	۰		۰	0	•	۰	•	۰	۰	۰	•	٠	۰	0	۰	•		•	۰	•	•		۰	۰	•	•	•	•	۰	•		•	۰
٠	0	0	٠			۰	۰				۰	۰		۰	0	•		•	٠	۰		۰	٠	•	۰	۰	•		•	٠	•	•		٠	•	•	•	•	•		•		•	۰
٠	٠	٠	٠	•			•	•		•	٠	٠	•	۰	٠	۰		۰	٠			۰	٠	٠	٠	۰	۰	۰	۰		•	۰		٠	٠	•	۰	۰	۰		۰		•	٠
٠	٠	٠	•		٠	٠	•	۰	٠	٠	٠	٠	•																							٠	۰	۰	٠	•	۰	٠	۰	٠
٠	٠	٠	٠	٠	۰	۰	۰	0		۰	۰	۰	•		۰	۰		•	٠	۰	۰	۰	*	۰	۰	0	•	۰	۰	٠	•	•	٠	٠	۰	•	•	۰	۰	٠	۰	٠	٠	۰
٠	۰	۰	۰	•	•	•	•				۰	•	•		۰	•		•	٠	•		•		•	۰	•	•		•	۰	•	•		۰	•	•			•	۰	•		•	۰
	۰	٠	۰	•																																	•		•	۰	•		•	۰
٠	۰	٠	۰	•	•	٠	۰	0			۰																									•	•		۰	۰	•	•	۰	۰
٠	۰	۰	۰		•	۰	•	0			۰	۰	•	0	۰	•	0	•		۰	0		٠	۰	۰	۰	0		۰	0	0	•	۰		•	0	•	•	•	۰	•		۰	•
٠	٠	٠	•	-		•	•	0	•	•	۰		-	0	•	•	0	•	۰	۰			٠	۰	۰		•	•	•	۰	•	•	•	۰	•	•		•	۰	•			•	0
۰	۰	۰	۰	•	•	۰	•	0	•	•	۰		•	0	•	•	0	•	۰	•	0		۰	۰	۰		•	•	•	•	•	•	•	۰	•	•		•	•	•		•	0	0
	۰	٠	۰	•		•	۰	0			۰	۰	•	0		•	0	•	٠	۰		•	٠	۰	۰	۰	•		•	۰	•	•	•	٠	•	•	•		۰	۰	•		•	٠
٠	٠	٠	٠	٠	٠	٠	۰	•	۰	•	٠	۰	•	•	٠	0	۰	•	٠	٠	٠	۰	٠	٠	٠	٠	•	٠	۰	٠	•	۰	٠	٠	٠	•	٠	۰	٠	٠	٠	•	٠	۰
	٠		•								•				٠	•				•									•		•	•		•			•		•		•		•	

•		• • • • •	ر	Ċ	<b>A</b> '	<u>ج</u> د	>	•	<b>P</b>	ี กิ เ	A.	Ľ	۲۱	Ċ	Ð	ور	•	•	•	•	•	•	•	•	0	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
•	•	Fc	or-e	ead	ch	pa	air	of	ra	nd	on	n∍v	var	iak	ole	s b	el	o.w	',-€	est	im	ate	e p	Dea	ars	on	's	co	rre	ela	tio	n. c	206	effi	cie	ent	•	•	•	•	•	•	•	•
•	•	X	•	#	hc	our	s s	stu	de	ent	st	ud	lies	s fo	or	fin	al,	У	-	fir	nal	gr	ac	de	of	th	at	sti	nq	en	t.	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
•	0	×	•	fa	VOI	rite	e n	un	nb	er	of	st	ud	en	ıt,	y. =	= 5	stu	de	ent	:'s	be	st	fri	en	d's	s fa	avo	ori	te	nu	m	be	r.	0	0	•	•	0	0	0	0	0	•
•	0	×	•	hc	w	m	an	y. c	qua	art	er	S .O	ne	s	pe	nd	s. a	at s	su	pe	rm	ar	ke	t, y	y =	- - V	vei	gh	t.a	əft	er	v	vei	gh	t.k	Def	for	e	•	0	•	0	0	•
•	•	×	•	m	iles	s r	un	in	ť	ne	pa	st	ye	ar,	, у	•	a١	/er	ag	e :	sp	ee	d. c	of. a	a .ru	un	ne	er. c	n	a	1.r	nil	e. c	0	ırs	e	•	•	•	•	•	•	•	•
•	•	X	•	int	ter	ne	et e	exp	olo	rei	'u	sag	ge	ra	te	, у	•	ĊĊ	ovi	d. d	cas	ses	in	, IJ	S	(pe	er	ye	ar	••••	pa	ast	3(	0. y	/ea	ars	)	•	•	0	0	0	0	•
•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	0	•	0								•											0	•	0	•	•	•	•	0	0	0	•	•
•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•
•	0						0	0	0	0		0		0	•	0					0				•		0		•	•			0	•	0			•			0	0	•	•





see silly examples here: https://www.tylervigen.com/spurious-correlations

all these correlations are indeed non-zero and show some relationship between variables, though we shouldn't expect that changing x necessarily impact y (discuss titanic hw problem)

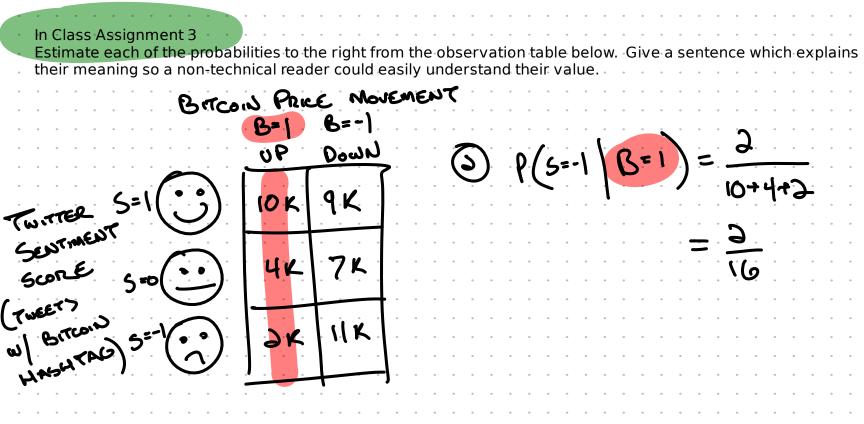
•	٠	۰	•	۰	٠	۰	•	٠	۰		۰	•	•		۰	۰	۰			٠	۰	٠	۰	۰	٠	٠	٠		۰	۰	۰			۰	۰		۰	۰	٠	۰	٠		۰	۰
٠	٠	٠	•	٠		٠	•	٠	۰	٠	٠	٠	•	٠	٠	٠	•		٠		•	•	۰	٠		•			*	٠	٠		٠	٠		٠	۰	٠	*	٠		٠	٠	٠
•	٠	٠	•	•	•	٠	•		•	٠		•	•	۰	•	٠	•		۰	•	•	•	•	•	•	•		•	•	٠	•		•	•	٠		•	•	•			۰	٠	٠
•	•	٠	•		•	۰	•	٠			0		•		۰	0			•	۰				•	۰	۰			۰	0	۰			۰	٠		•	•	۰				۰	۰
•	•	٠	•		•	•	•	۰	•		0	0	•		0	0				۰			•	•	•	•		•	•	0	0			•	۰		•	•	•	•			0	۰
٠	•		•			٠	•	٠		٠	۰	٠	•	٠	٠	۰	•		٠	٠	٠	•	•	۰		٠				۰	٠			۰		٠	•	۰				٠	٠	•
٠	٠	•	•	•		٠	•	٠	٠	۰		٠	•	۰	٠	٠	•		٠	٠	•	•	•	٠						٠	٠			٠			•	٠				٠	٠	٠
	•	0	•	٠		0	•	٠	0	•	•		•	0		0			0	•		•	•	•						•				•	0		•	•					۰	•
•	•	0	0		•	0	0		0	0	•		0	0	•	۰			0	•	•	•	•	•	•				•	•				•	0		•	•	•				۰	0
0	0	0	0	٠		0	0	٠	0	0	•	۰	0	В	av	es	Ru	le a	<u>د</u> ، (	Cor	ndit	ior	nal	Pr	oba	abi	lity	/ •	•	•	•	•		۰	0		0	•	•		•		•	0
•	•	•	0	•	•	0	0	٠	0	•	•	•	0		•	۰	•		0	•	•	•		•	•	•	•	-	•	۰	•	•		•	0	•	•	•	•		•		۰	۰
•	•	٠	0			٠	•		0	۰	•			۰	•	٠	•		•	•	٠	•		٠	•	•			•	۰	•			٠	٠		•	٠	•				۰	٠
	•	۰				۰	•		0	•					•	۰	•				•	•		•	•					•				•	•		•	•	•				•	۰
	•	•			•	0	•		0		•	•			•	۰	•		0	•	•	•		•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	•	0		•	•	•		•		•	۰
	•	•	•			٠	•	٠		•	•	٠			۰	۰	•					•		۰	٠	۰				۰	•			۰	٠			•	٠			•	۰	٠
•	٠	٠	•	•	•	٠	•		•	•	•		•	٠	•	٠	•		٠	•	•	•	•	•	•	•			•	٠	•		•	٠	٠		•	•	•	•		•	٠	•
•	٠	٠	•			٠	•		•	•	•		•	٠	•	٠	•		•		•	•		•	•	•			•	•			•	•	٠		•	•	•			•	•	٠
	•										•				•					•				•						•			•	۰				•	•				٠	•
	•	0	•			0	0		0	0	0		•	0	•	•			0	•	•			•	•					0	0			•	0		•	•	•				•	0
	•		•			•	•		•	0			•	0		۰			•					•						•				•			•	•					•	0
	•	•	•		•	0	•			•	•				•	٠	•						•	•						•				•			•	•	•				•	•

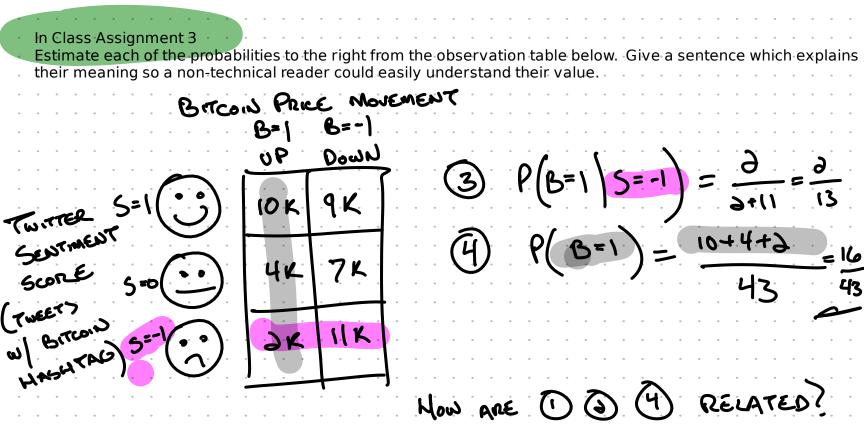
Conditional Probability (intuition / definition)
Whats the probability that a person has covid? $P(c=i)$
Whats the probability that a person has covid given a positive antigen test?
Whats the probability that a person has covid given a negative antigen test?
Whats the probability that an antigen test is negative given a person has covid? Whats the probability that an antigen test is negative given a person has covid?
Whats the probability that an antigen test is positive given a person doesn't have covid?
A conditional probability gives the probability of one event given that another has occured.
Let C be a random variable representing whether a person has covid (1=covid, 0=no covid) Let A be a random variable representing whether that person's antigen test is positive (1=positive, 0=negative)

Conditional Probability (algebraic definition)	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·
PROB A HAPPEN'S Given B ALEENON	PROB A, B HAPPEN
PROIS B ALBERTY	TOBETHER
Given $P(A B) = \frac{P(A B)}{Q}$	(AB)
$((A D))^{2} - \frac{1}{P}$	(6)
	-> PROB B WAPPENS
A= 1 IF STUDENT HAS WHITE SOCKS	P(A= B=1) 17
The ANKE	$P(A=1 B=1) = \frac{P(A=1 B=1)}{P(B=1)} = \frac{17}{30}$
B=1 STUDENT ON PROF RUDYT SOLE OF CLASS	

In Class Assignment 3 Estimate each of the probabi their meaning so a non-tech				v. Give a	sentence wł	nich explains
Brico	N PRICE N B=1 B=- UP Doub	 n P	(5=-1	B=1)	- 9	-4+7+2
TWITTER S=1	IOK 9K				10+9+	4+7+2 +11
SENTMENT SCORE SEO	4K 7K	· · · · · ·	· · · · ·	• • •	193	• • • • • •
WEETS W W BITCOIN SE-100 HASHTAG SE-100	JK III	· · · · · ·	· · · · ·	• • •	· · · · · ·	· · · · · ·

. .





their meaning so a non-technical reader could e	-
$P(S = -1   B^{-1}) = \frac{P(S = -1   B^{-1})}{P(B^{-1})}$	$\frac{1}{2} \oplus P(5=-1 \ B=1)$
$\partial = \frac{1}{2} \partial   43$	) (S) $P(S=-1 B=1)$
16 16/43	$(\underline{H}) P(B=1)$
<pre></pre>	Now ARE 1 3 4 RELATED?